



### Exercice N°1

A/ Soit la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \frac{(x+1)^2}{x^2+1}$ .

1/a) Déterminer le domaine de définition de  $f$ .

b) Trouver deux réels  $a$  et  $b$  tel que  $f(x) = a + \frac{bx}{x^2+1}$ .

c) Montrer que pour tout réel  $x$ ,  $f(x) \leq 2$ .

d) Calculer  $f(1)$  ; 2 est-il un maximum de  $f$  sur  $\mathbb{R}$  ?

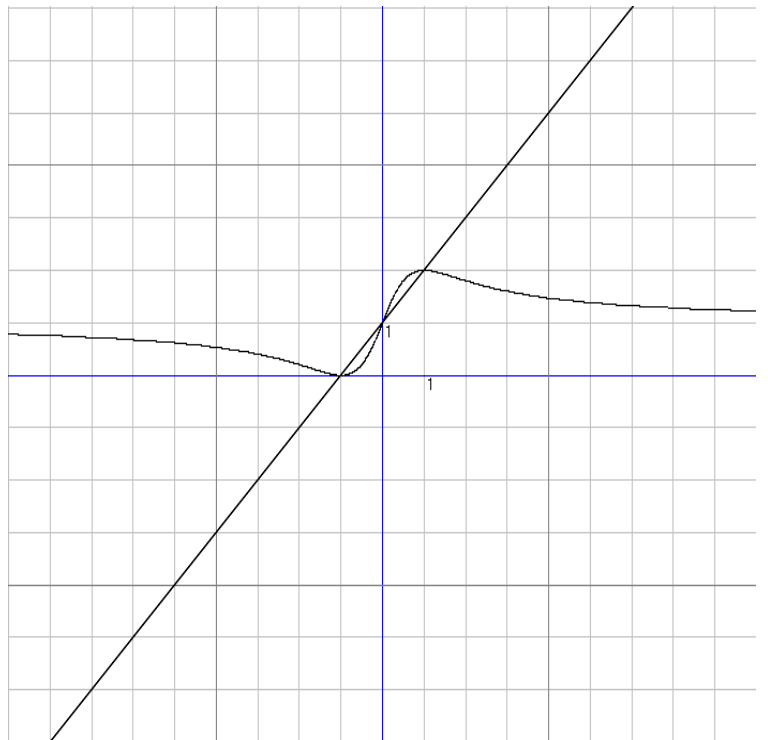
B/ Dans la figure ci-contre, on a représenté deux fonctions  $f$  et  $g$ . ou  $g$  est une application affine

1/ Déterminer  $f(-1)$ ,  $f(1)$  et  $g(3)$ .

2/ Résoudre graphiquement

a)  $f(x) = 1$  .                      b)  $g(x) > 1$ .

c)  $f(x) = g(x)$                       d)  $f(x) \geq g(x)$



### Exercice N°2

Soit  $w$  une suite arithmétique définie par  $w_0 = 4$  et  $w_5 = 14$

1/a) Montrer que la raison  $r$  de cette suite est 2

b) Exprimer  $w_n$  en fonction de  $n$

2/ Déterminer  $n$  sachant que  $w_n = 54$

3/ Le nombre 17 peut-il être un terme de la suite  $w$  ?

### Exercice N°3

1/ Soit  $U$  la suite réelle définie sur  $\mathbb{N}$  par  $U_n = 2^n$

- Montrer que  $U$  est une suite géométrique dont on précisera le premier terme  $U_0$  et la raison  $q$
- On pose pour tout  $n \in \mathbb{N}^*$ ,  $S_n = 1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{n-1}$ . Montrer que  $S_n = 2^n - 1$
- Déterminer l'entier naturel  $n$  tel que  $S_n = 31$

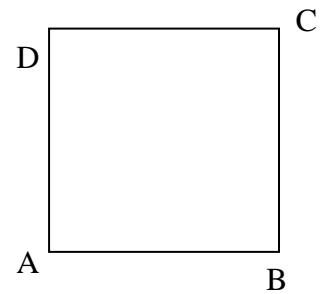
2/ On considère la suite  $V$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $V_n = 2^n + 1$

- Calculer  $V_0, V_1$  et  $V_2$
- En déduire que la suite  $V$  n'est ni arithmétique ni géométrique
- On pose pour tout  $n \in \mathbb{N}^*$ ,  $S'_n = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$ . Montrer que  $S'_n = n - 1 + 2^n$

### Exercice N°4

Soit  $ABCD$  un carré dont les côtés mesurent 2 cm et de centre  $O$  et  $\zeta$  son cercle circonscrit

Soit  $h$  l'homothétie de centre  $A$  et de rapport 2



- Construire le point  $E = h(B)$
  - Montrer que  $(EC) \parallel (BO)$
- La droite  $(EC)$  coupe  $(AD)$  en  $F$ .  
Montrer que  $C = E * F$
- Déterminer et construire  $\zeta' = h(\zeta)$
- $(AC)$  recoupe  $\zeta'$  en  $H$ 
  - Montrer que  $h(C) = H$
  - Déduire que  $\overrightarrow{AO} = \frac{1}{4} \overrightarrow{AH}$

### Exercice N°5

Soit  $ABC$  un triangle direct, isocèle et rectangle en  $A$  et  $I = B * C$

$\Delta$  la droite passant par  $C$  et perpendiculaire à  $(BC)$  coupe  $(AB)$  en  $K$

Soit  $R$  la rotation directe de centre  $A$  et d'angle  $\frac{\pi}{2}$

- Construire le point  $J$  image de  $I$  par  $R$
  - Montrer que  $AICJ$  est un carré
- Déterminer  $R(B)$ ;  $R((BC))$  et  $R((AC))$
- Montrer que  $R(C) = K$
  - Déduire que  $J = C * K$
- Soit  $\zeta$  le cercle de diamètre  $[BC]$ 
  - Construire  $\zeta'$  image de  $\zeta$  par  $R$
  - Déterminer  $\zeta \cap \zeta'$